



**МАТЕМАТИКА.
АЛГЕБРА И НАЧАЛА
МАТЕМАТИЧЕСКОГО
АНАЛИЗА**

10—11

классы

УГЛУБЛЁННЫЙ УРОВЕНЬ

**МЕТОДИЧЕСКОЕ
ПОСОБИЕ**



к учебным пособиям М. И. Шабунина,
А. А. Прокофьева

**МАТЕМАТИКА.
АЛГЕБРА И НАЧАЛА
МАТЕМАТИЧЕСКОГО
АНАЛИЗА**

10—11

КЛАССЫ

УГЛУБЛЁННЫЙ УРОВЕНЬ

МЕТОДИЧЕСКОЕ ПОСОБИЕ

к учебным пособиям М. И. Шабунина, А. А. Прокофьева

Москва
«Просвещение»
2026

УДК 373.5.016:512
ББК 74.262.21
М34

М34 **Математика. Алгебра и начала математического анализа : 10—11-е классы : углублённый уровень : методическое пособие к учебным пособиям М. И. Шабунина, А. А. Прокофьева. — Москва : Просвещение, 2026. — 41 с.**

ISBN 978-5-09-135208-5.

Пособие предназначено учителям, ведущим преподавание по учебным пособиям углублённого уровня «Математика. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс», «Математика. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс» М. И. Шабунина, А. А. Прокофьева.

В книге раскрываются содержательные и методические особенности курса алгебры и начал математического анализа 10—11 классов углублённого уровня, приводятся общие методические рекомендации. Также в пособие включены фрагмент Федеральной рабочей программы по учебному предмету «Математика» (углублённый уровень) по курсу «Алгебра и начала математического анализа» для 10—11 классов и планирование изучения учебного курса «Математика. Алгебра и начала математического анализа».

**УДК 373.5.016:512
ББК 74.262.21**

ISBN 978-5-09-135208-5

© АО «Издательство «Просвещение», 2026
© Художественное оформление.
АО «Издательство «Просвещение», 2026
Все права защищены

ПРЕДИСЛОВИЕ

В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без хорошей математической подготовки. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число специальностей, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг обучающихся, для которых математика становится значимым предметом, фундаментом образования, существенно расширяется. В него входят не только обучающиеся, планирующие заниматься творческой и исследовательской работой в области математики, информатики, физики, экономики и в других областях, но и те, кому математика нужна для использования в профессиях, не связанных непосредственно с ней.

Прикладная значимость математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения, функциональные зависимости и категории неопределённости, от простейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и технологических идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Во многих сферах профессиональной деятельности требуются умения выполнять расчёты, составлять алгоритмы, применять формулы, проводить геометрические измерения и построения, читать, обрабатывать, интерпретировать и представлять информацию в виде таблиц, диаграмм и графиков, понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым формируют логический стиль мышления. Ведущая роль принадлежит математике в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач — основы для организации учебной деятельности на уроках математики — развиваются творческая и прикладная стороны мышления.

В учебно-методический комплект «Математика. Алгебра и начала математического анализа. 10—11 классы» углублённого уровня М. И. Шабунина, А. А. Прокофьева входят:

- ✓ учебное пособие для 10 класса в бумажной и электронной формах;
- ✓ учебное пособие для 11 класса в бумажной и электронной формах;
- ✓ задачник для 10—11 классов;
- ✓ методическое пособие.

Обучение математике даёт возможность развивать у учащихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления. Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методе математики, его отличиях от методов естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач.

Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Приоритетными целями обучения математике в 10—11 классах на углублённом уровне являются:

- формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция, производная, интеграл), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;
- подведение учащихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, пониманию математики как части общей культуры человечества;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей учащихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;
- формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения курса «Алгебра и начала математического анализа» учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

ОСНОВНЫЕ ЛИНИИ КУРСА

В структуре курса «Алгебра и начала математического анализа» можно выделить следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые учащимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел; особые свойства рациональных и иррациональных чисел; арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира. В учебном пособии широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате учащиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с

математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных школьникам, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Учащиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об учёных-математиках.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики, и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления учащихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования математика является обязательным предметом на данном уровне образования. Федеральной рабочей программой предусматривается изучение учебного предмета «Математика» в рамках трёх учебных курсов: «Алгебра и начала математического анализа», «Геометрия», «Вероятность и статистика». Формирование логических умений осуществляется на протяжении всех лет обучения в старшей школе, а элементы логики включаются в содержание всех названных выше курсов.

В учебном плане на изучение математики в 10—11 классах на углублённом уровне отводится 8 учебных часов в неделю в течение каждого года обучения, всего 560 учебных часов.

Согласно учебному плану в 10—11 классах изучается учебный курс «Алгебра и начала математического анализа», который включает в себя следующие основные разделы содержания: «Числа и вычисления», «Уравнения и неравенства», «Функции и графики», «Начала математического анализа», «Множества и логика».

В учебном плане на изучение углублённого курса алгебры и начал математического анализа в 10—11 классах отводится не менее 4 учебных часов в неделю в течение каждого года обучения, всего за два года обучения — не менее 280 учебных часов.

Количество проверочных работ (тематический и итоговый контроль качества усвоения учебного материала) и их тип (самостоятельные и контрольные работы, тесты) остаются на усмотрение учителя. Также учитель вправе увеличить или уменьшить число учебных часов, отведённых в Федеральной рабочей программе на обобщение, повторение, систематизацию знаний обучающихся. Единственным, но принципиально важным критерием является достижение результатов обучения, указанных в настоящей программе.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

10 класс

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства; степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 класс

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «МАТЕМАТИКА»

Освоение учебного предмета «Математика» обеспечивает достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных и метапредметных образовательных результатов.

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются на уровне:

гражданского воспитания:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

патриотического воспитания:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего;

эстетического воспитания:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства;

физического воспитания:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

трудового воспитания:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности;

экологического воспитания:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение

математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением *универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.*

1) *Универсальные познавательные действия обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и т. п.); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования обеспечивает достижение следующих предметных образовательных результатов.

10 класс

Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное число; множества рациональных и действительных чисел; модуль действительного числа.
- Применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.
- Применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.
- Свободно оперировать понятием: степень с целым показателем; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.
- Свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени.
- Свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем.
- Свободно оперировать понятиями: логарифм числа; десятичные и натуральные логарифмы.
- Свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента.
- Оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия; равносильные неравенства.
- Применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; применять метод интервалов для решения неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной; многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл; использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений; моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат.
- Использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений.
- Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем.
- Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений.

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения; находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней.
- Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений.
- Свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

- Свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций; график функции; выполнять элементарные преобразования графиков функций.
- Свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.
- Свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.
- Свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем; график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.
- Оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции; выполнять элементарное исследование и построение их графиков.
- Свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики; использовать их графики для решения уравнений.
- Свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

- Свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов; иметь представление о константе e .
- Использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.
- Свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности; понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых.
- Свободно оперировать понятиями: непрерывные функции; точки разрыва графика функции; асимптоты графика функции.
- Свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке; применять свойства непрерывных функций для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции.
- Вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций; знать производные элементарных функций.
- Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика

- Свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

- Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.
- Свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

11 класс

Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел; использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида.
- Свободно оперировать понятием остатка по модулю; записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления.
- Свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел; представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства; находить их решения с помощью равносильных переходов.
- Осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения.
- Свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; равносильные системы и системы-следствия; находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств.
- Решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры.
- Применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики

- Строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций.
- Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.
- Свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций.
- Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа

- Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы.
- Находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке.
- Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.
- Свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл; находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона — Лейбница.
- Находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла.

- Иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений.
- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ОСОБЕННОСТИ ИЗУЧЕНИЯ КУРСА «МАТЕМАТИКА. АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА. 10—11 КЛАССЫ. УГЛУБЛЁННЫЙ УРОВЕНЬ»

В учебно-методический комплект «Математика. Алгебра и начала математического анализа. 10—11 классы» углублённого уровня М. И. Шабунина, А. А. Прокофьева входят:

- ✓ учебное пособие для 10 класса в бумажной и электронной формах;
- ✓ учебное пособие для 11 класса в бумажной и электронной формах;
- ✓ задачник для 10—11 классов;
- ✓ методическое пособие.

Учебное пособие для 10 класса содержит 10 глав. Изложение материала в нём опирается на понятия, усвоенные учащимися в основной школе. В первой главе изучаются элементы математической логики. Эта глава закладывает основы логической культуры учащихся, необходимой для освоения фундаментальных понятий и теории курса математики.

Главы «Числовые множества», «Алгебраические уравнения и неравенства» и «Системы алгебраических уравнений» предназначены для более глубокого изучения разделов математики, входящих в программу основной школы, изучаемых учащимися в 7—9 классах. Рассмотрены формула сложных процентов и связанные с ней задачи на банковские кредиты. В этих главах большое внимание уделено решению алгебраических уравнений и неравенств, а также систем алгебраических уравнений с использованием графических методов. В учебном пособии широко представлены методы решения систем линейных уравнений с двумя и тремя неизвестными (правило Крамера, метод Гаусса), а также рассмотрены различные методы решения нелинейных систем уравнений с двумя неизвестными.

Глава «Функции» посвящена рациональным функциям. В ней также рассмотрены основные понятия, относящиеся к числовым функциям и способам построения их графиков.

В главе «Тригонометрические формулы, функции и простейшие тригонометрические уравнения» введены основные понятия и формулы тригонометрии, рассмотрены различные способы преобразования тригонометрических выражений и доказательств тождеств. Также в этой главе введены основные тригонометрические функции, рассмотрены их свойства, простейшие тригонометрические уравнения и методы их решений.

В главе «Многочлены от одной переменной» рассмотрены основные определения, операции с многочленами, схема Горнера, теорема Безу, а также решение алгебраических уравнений высоких степеней.

В главе «Предел и непрерывность функции», в отличие от других учебных пособий по математике, введены понятия точных границ числового множества и определены основные операции с действительными числами.

В параграфе «Предел последовательности» широко представлены методы вычисления пределов, сформулированы и частично доказаны свойства сходящихся последовательностей, доказана теорема о пределе монотонной последовательности. В параграфе «Предел функции» сформулированы два эквивалентных определения предела функции в точке (с помощью последовательности и окрестности), рассмотрены свойства функций, непрерывных в точке и на отрезке.

В главе «Степенная, показательная и логарифмическая функции» большое внимание уделено определению показательной функции, что особенно важно для более глубокого понимания операции возведения положительного действительного числа в действительную степень. Рассмотрены свойства степенной, показательной и логарифмической функций, а также различные методы решения соответствующих уравнений и неравенств.

В заключительной главе «Производная и дифференциал» введены понятия производной и дифференциала функции, выведены правила дифференцирования, а также установлены геометрический и физический смысл производной и дифференциала.

Учебное пособие для 11 класса содержит 9 глав и также ориентирован на закрепление теоретических знаний с использованием практических работ.

Содержание главы «Тригонометрические и обратные им функции» опирается на материал главы «Тригонометрические формулы, функции и простейшие тригонометрические уравнения» учебного пособия 10 класса и готовит основу для изучения следующей главы. В материалах главы «Тригонометрические уравнения и неравенства» рассматриваются различные типы тригонометрических уравнений, при этом представлено решение около 50 примеров, т. к. данная тема включает в себя большое количество видов уравнений и неравенств и вызывает сложности у школьников.

В главах «Применение производной к исследованию функции» и «Первообразная и интеграл» формулируются правила дифференцирования, интегрирования и использования элементов математического анализа для исследования функций и решения прикладных задач. Все основные утверждения и теоремы этих глав либо сформулированы (условия интегрируемости функции, формула Ньютона—Лейбница и др.), либо доказаны (правила дифференцирования, основные формулы для производных элементарных функций, теорема о дифференцировании сложной функции и др.).

В главе «Комплексные числа» дано построение множества комплексных чисел, выполнение арифметических операций с комплексными числами, представленными в различной форме, а также рассмотрены вопросы, связанные с решением квадратных уравнений с комплексными коэффициентами, извлечением корня n -й степени из комплексного числа, а также вопрос о возможности находить разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратичные множители.

Глава «Дифференциальные уравнения» имеет прикладную направленность и знакомит учащихся с общими и частными случаями решения простейших дифференциальных уравнений первого порядка. Здесь учащиеся могут ознакомиться с линейными уравнениями второго порядка с постоянными коэффициентами и способами их решения. Прикладная направленность этой темы проиллюстрирована рассмотрением дифференциальных уравнений гармонических колебаний.

В главе «Системы уравнений и неравенств различных типов» рассмотрены показательные и логарифмические уравнения, содержащие показательные и логарифмические функции с переменным или зависящим от параметра основанием, сводящиеся, как правило, к совокупностям и системам уравнений и неравенств. Также в этой главе рассмотрены методы решений систем уравнений и неравенств (показательных, логарифмических, тригонометрических, смешанных) различной степени сложности.

В главе «Уравнения и неравенства с двумя переменными» активно используется метод графической интерпретации на координатной плоскости уравнений и неравенств с двумя переменными. При изложении материала рассмотрены различные типы задач от простейших, связанных с решением линейных уравнений и их систем с двумя неизвестными, до уравнений нелинейных или содержащих параметр.

Глава «Делимость целых чисел, целочисленные решения уравнений» является завершающей. В ней изучаются вопросы делимости целых чисел, методы решения в целых числах линейных уравнений и сравнений. Приведены и рассмотрены примеры

нелинейных уравнений. Последний параграф главы посвящён методам решения текстовых задач, основанных на том, что переменные принимают целочисленные значения.

В каждой главе данных учебных пособий представлено большое количество разобранных примеров, помогающих учащимся лучше усвоить теоретический материал и познакомиться с различными методами решений и доказательств. В каждом параграфе даётся необходимое количество задач для самостоятельного решения в порядке повышения их сложности. Такое количество примеров и задач позволяет организовать процесс обучения с учётом индивидуальных запросов учащихся в рамках профильного курса алгебры и основ математического анализа для будущих инженеров.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

Приведено примерное тематическое планирование изучения каждой главы. Это планирование ни в коей мере не является догмой. Более того, авторы полагают, что минимально необходимое для успешного изучения материала на углублённом уровне число часов составляет 5 ч в неделю, а разумным числом является 6 ч в неделю. Каждый учитель в зависимости от уровня подготовки класса, может составить своё поурочное планирование, используя материалы данного пособия.

Тематическое планирование учебных курсов и рекомендуемое распределение учебного времени для изучения отдельных тем, предложенные в настоящем пособии, надо рассматривать как примерные ориентиры в помощь составителю авторской рабочей программы, и прежде всего учителю. Автор программы вправе увеличить или уменьшить предложенное число учебных часов на тему, чтобы углубиться в тематику, заинтересовавшую обучающихся, или направить усилия на преодоление затруднений. Допустимо также локальное перераспределение и перестановка элементов содержания курса внутри данного класса.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

10 класс (не менее 140 ч)

Название раздела (темы)	Кол-во часов	Основное содержание	Основные виды деятельности обучающихся
Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	28	<p>Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач.</p> <p>Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач.</p> <p>Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.</p> <p>Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.</p> <p>Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.</p> <p>Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2, его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения; применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с</p>	<p>Использовать теоретико-множественный аппарат для описания хода решения математических задач, а также реальных процессов и явлений.</p> <p>Оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное и действительное число; модуль действительного числа; использовать эти понятия при проведении рассуждений и доказательств, применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.</p> <p>Использовать приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.</p> <p>Применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, а также метод интервалов для решения неравенств.</p> <p>Оперировать понятиями многочлен от одной переменной, его корни; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.</p> <p>Оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы.</p> <p>Использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений.</p>

		помощью системы линейных уравнений	Моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат
Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке. Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение графиков этих функций. Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства; линейная, квадратичная, дробно-линейная и степенная функции. Выполнять элементарные преобразования графиков функций. Знать и уметь доказывать чётность или нечётность функции, периодичность функции, находить промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке. Формулировать и иллюстрировать графически свойства линейной, квадратичной, дробно-линейной и степенной функций. Выражать формулами зависимости между величинами. Знать определение и свойства степени с целым показателем; подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения	18	Арифметический корень натуральной степени и его свойства. Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.	Формулировать, записывать в символической форме и использовать свойства корня n -ой степени для преобразования выражений. Находить решения иррациональных уравнений с

		Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений. Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней. Строить график функции корня n -ой степени как обратной для функции степени с натуральным показателем
Показательная функция. Показательные уравнения	10	Степень с рациональным показателем и её свойства. Показательная функция, её свойства и график. Использование графика функции для решения уравнений. Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	Формулировать определение степени с рациональным показателем. Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем. Использовать цифровые ресурсы для построения графика показательной функции и изучения её свойств. Находить решения показательных уравнений
Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы. Преобразование выражений, содержащих логарифмы. Логарифмическая функция, её свойства и график. Использование графика функции для решения уравнений. Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений. Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	Давать определение логарифма числа; десятичного и натурального логарифма. Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений. Строить график логарифмической функции как обратной к показательной и использовать свойства логарифмической функции для решения задач. Находить решения логарифмических уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней
Тригонометрические выражения и уравнения	22	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента. Тригонометрическая окружность, определение	Давать определения синуса, косинуса, тангенса и котангенса числового аргумента, а также арксинуса, арккосинуса и арктангенса числа. Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических

		<p>тригонометрических функций числового аргумента. Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений</p>	<p>выражений. Применять формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических уравнений</p>
<p>Последовательности и прогрессии</p>	10	<p>Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых. Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера</p>	<p>Оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей; монотонные и ограниченные последовательности; исследовать последовательности на монотонность и ограниченность. Получать представление об основных идеях анализа бесконечно малых. Давать определение арифметической и геометрической прогрессии. Доказывать свойства арифметической и геометрической прогрессии, находить сумму членов прогрессии, а также сумму членов бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Использовать прогрессии для решения задач прикладного характера. Применять формулу сложных процентов для решения задач из реальной практики</p>
<p>Непрерывные функции. Производная</p>	20	<p>Непрерывные функции и их свойства. Точка разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач. Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к</p>	<p>Оперировать понятиями: функция, непрерывная на отрезке, точка разрыва функции, асимптота графика функции. Применять свойства непрерывных функций для решения задач. Оперировать понятиями: первая и вторая производные функции; понимать физический и геометрический смысл производной; записывать уравнение касательной.</p>

		графику функции. Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	Вычислять производные суммы, произведения, частного и сложной функции. Изучать производные элементарных функций. Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач
Повторение, обобщение, систематизация знаний	12	Основные понятия курса алгебры и начал математического анализа 10 класса, обобщение и систематизация знаний	Применять основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных предметов

11 класс (не менее 140 ч)

Название раздела (темы)	Кол-во часов	Основное содержание	Основные виды деятельности обучающихся
Исследование функций с помощью производной	24	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке. Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком. Композиция функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости	Строить график композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции. Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости. Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы; находить наибольшее и наименьшее значения функции, непрерывной на отрезке; строить графики функций на основании проведённого исследования. Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком. Получать представление о применении производной в различных отраслях знаний
Первообразная и интеграл	12	Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных	Оперировать понятиями: первообразная и определённый интеграл. Находить первообразные

		<p>функций. Правила нахождения первообразных. Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.</p> <p>Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.</p> <p>Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений</p>	<p>элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона—Лейбница.</p> <p>Находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью определённого интеграла.</p> <p>Знакомиться с математическим моделированием на примере дифференциальных уравнений.</p> <p>Получать представление о значении введения понятия интеграла в развитии математики</p>
<p>Графики тригонометрических функций.</p> <p>Тригонометрические неравенства</p>	16	<p>Тригонометрические функции, их свойства и графики. Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств</p>	<p>Использовать цифровые ресурсы для построения графиков тригонометрических функции и изучения их свойств.</p> <p>Решать тригонометрические уравнения и осуществлять отбор корней с помощью тригонометрической окружности.</p> <p>Применять формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических неравенств.</p> <p>Использовать цифровые ресурсы для построения и исследования графиков функций</p>
<p>Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства</p>	24	<p>Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств. Основные методы решения иррациональных неравенств. Графические методы решения иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств</p>	<p>Применять свойства показательной и логарифмической функций к решению показательных и логарифмических неравенств.</p> <p>Обосновать равносильность переходов.</p> <p>Решать иррациональные и комбинированные неравенства с помощью равносильных переходов.</p> <p>Использовать графические методы и свойства входящих в уравнение или неравенство функций для решения задачи</p>
<p>Комплексные числа</p>	10	<p>Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с</p>	<p>Оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел.</p> <p>Представлять комплексные числа в</p>

		<p>комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа.</p> <p>Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач</p>	<p>алгебраической и тригонометрической форме. Выполнять арифметические операции с ними. Изображать комплексные числа на координатной плоскости.</p> <p>Применять формулу Муавра и получать представление о корнях n-ой степени из комплексного числа.</p> <p>Знакомиться с примерами применения комплексных чисел для решения геометрических и физических задач</p>
Натуральные и целые числа	10	<p>Натуральные и целые числа.</p> <p>Применение признаков делимости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах</p>	<p>Оперировать понятиями: натуральное и целое число, множество натуральных и целых чисел.</p> <p>Использовать признаки делимости целых чисел; остатки по модулю; НОД и НОК натуральных чисел; алгоритм Евклида для решения задач.</p> <p>Записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления</p>
Системы рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений	12	<p>Система и совокупность уравнений.</p> <p>Равносильные системы и системы-следствия.</p> <p>Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.</p> <p>Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов</p>	<p>Оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; решение системы или совокупности; равносильные системы и системы-следствия.</p> <p>Находить решения систем и совокупностей целых рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств.</p> <p>Применять системы уравнений к решению текстовых задач из различных областей знаний и реальной жизни; интерпретировать полученные решения.</p> <p>Использовать цифровые ресурсы</p>
Задачи с параметрами	16	<p>Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения, неравенства и системы с параметрами.</p>	<p>Выбирать способ решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений и неравенств,</p>

		<p>Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений, систем уравнений и неравенств с параметрами</p>	<p>содержащих модули и параметры. Применять графические и аналитические методы для решения уравнений и неравенств с параметрами, а также исследование функций методами математического анализа. Строить и исследовать математические модели реальных ситуаций с помощью уравнений, неравенств и систем с параметрами</p>
<p>Повторение, обобщение, систематизация знаний</p>	<p>16</p>	<p>Основные понятия и методы курса, обобщение и систематизация знаний</p>	<p>Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат. Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов. Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами алгебры и математического анализа</p>

ПЛАНИРОВАНИЕ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Математика. Алгебра и начала математического анализа. 10—11 классы. Углублённый уровень

I вариант — 4 ч в неделю, II вариант — 5 ч в неделю

10 класс (140/175 ч)

№	Тема	Кол-во часов		Предметное содержание	Характеристика деятельности обучающихся
		I	II		
Глава 1	Элементы математической логики	6	6	Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство	Свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство
§ 1	Высказывания и операции над ними	2	2		
§ 2	Неопределённые высказывания. Знаки общности и существования	2	2		
§ 3	Некоторые приёмы доказательства	2	2		
Глава 2	Числовые множества	17	20	Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов. Рациональные числа. Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные	Свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами. Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов. Свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;
§ 4	Множества. Операции над множествами	2	2		
§ 5	Натуральные, целые, рациональные и иррациональные числа	2	2		
§ 6	Степени и корни	2	2		
§ 7	Проценты. Формула сложных процентов	2	3		
§ 8	Логарифмы	3	4		
§ 9	Суммирование	2	2		
§ 10	Числовые неравенства	2	3		

			<p>периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач. Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений. Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Арифметический корень натуральной степени и его свойства. Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни. Степень с рациональным показателем и её свойства. Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы. Преобразование выражений, содержащих логарифмы. Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e. Формула сложных процентов. Использование</p>	<p>применять дроби, проценты и формулу сложных процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни; применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений. Свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных. Свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени. Свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем; свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы; использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений; выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем; использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений</p>
--	--	--	---	--

				прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	
	Контрольная работа № 1	2	2	Темы § 1—10	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 3	Функции	12	14	<p>Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке. Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков. Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей</p>	<p>Свободно оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков.</p> <p>Свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций.</p> <p>Свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.</p> <p>Свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.</p> <p>Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами</p>
§ 11	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	2	3		
§ 12	Основные понятия, относящиеся к числовым функциям	2	3		
§ 13	Свойства функций	2	2		
§ 14	Обратная функция	2	2		
§ 15	Графики функций	2	2		

					зависимости между величинами
	Контрольная работа № 2	2	2	Темы § 11—15	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 4	Алгебраические уравнения и неравенства	12	15	Тожждества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства. Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Теорема Виета. Метод интервалов для решения неравенств. Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений. Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	Свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства; применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств. Свободно оперировать понятием иррациональные уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней. Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
§ 16	Уравнение и его корни. Преобразование уравнений	2	2		
§ 17	Квадратные уравнения и сводящиеся к ним	2	2		
§ 18	Иррациональные уравнения. Уравнения, содержащие знак модуля	3	3		
§ 19	Алгебраические неравенства	3	6		
	Контрольная работа № 3	2	2	Темы § 16—19	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 5	Тригонометрические формулы, функции и простейшие тригонометрические уравнения	26	28	Тригонометрическая окружность. Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических	Свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента. Свободно оперировать понятиями:

§ 20	Тригонометрическая окружность. Измерение угловых величин	1	1	выражений	синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента; применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений
§ 21	Координаты точек на тригонометрической окружности	1	1		
§ 22	Синус, косинус, тангенс и котангенс	2	2		
§ 23	Преобразование тригонометрических выражений	2	2		
§ 24	Формулы суммы и разности	1	1		
§ 25	Формулы приведения	1	1		
§ 26	Формулы кратных углов	1	1		
§ 27	Формулы половинных углов	1	1		
§ 28	Формулы преобразования произведений и сумм	1	1		
§ 29	Формулы преобразования сумм в произведения	1	1		
	Контрольная работа № 4	2	2		
§ 30	Тригонометрические функции	2	3	Определение тригонометрических функций числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента. Решение тригонометрических уравнений	Свободно оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента; свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений
§ 31	Арксинус, арккосинус, арктангенс и арккотангенс	2	2		
§ 32	Простейшие тригонометрические уравнения	2	2		
§ 33	Основные тригонометрические уравнения	2	2		
§ 34	Метод подстановки и метод разложения на множители	2	3		

	Контрольная работа № 5	2	2	Темы § 30—34	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 6	Многочлены от одной переменной	10	14	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами	Свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач
§ 35	Основные определения	2	3		
§ 36	Схема Горнера	2	2		
§ 37	Теорема Безу. Корни многочлена	2	4		
§ 38	Алгебраические уравнения	2	3		
	Контрольная работа № 6	2	2	Темы § 35—38	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 7	Системы алгебраических уравнений	6	8	Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей	Свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат
§ 39	Основные понятия, связанные с системами уравнений	2	2		
§ 40	Системы линейных уравнений	2	4		
	Контрольная работа № 7	2	2	Темы § 39—40	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 8	Предел и непрерывность	14	18	Последовательности, способы	Свободно оперировать понятиями:

	функции			задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности	арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, иметь представление о константе; использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера. Свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых. Свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции. Свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач
§ 41	Точные грани числовых множеств	2	2		
§ 42	Предел последовательности	2	3		
§ 43	Предел функции	2	4		
§ 44	Непрерывность функции	2	3		
§ 45	Вычисление пределов функций	2	2		
§ 46	Первый замечательный предел	2	2		
	Контрольная работа № 8	2	2	Темы § 41—46	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 9	Степенная, показательная и логарифмическая функции	14	22	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений. Преобразование выражений, содержащих логарифмы. Логарифмические уравнения.	Свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной
§ 47	Степенная функция	2	4		
§ 48	Показательная функция	2	4		
§ 49	Логарифмическая функция	2	4		
§ 50	Показательные уравнения	3	4		

§ 51	Логарифмические уравнения	3	4	Основные методы решения логарифмических уравнений. Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем. Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений	степени с натуральным показателем. Свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений. Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней; использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами
	Контрольная работа № 9	2	2	Темы § 47—51	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 10	Производная и дифференциал	13	16	Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Применение свойств непрерывных функций для решения задач. Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.	Свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции; вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач
§ 52	Производная функции	2	2		
§ 53	Производные показательной и логарифмической функций	3	4		
§ 54	Правила дифференцирования. Дифференциал	3	4		
§ 55	Геометрический и физический смыслы производной и дифференциала	3	4		

				Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	
	Контрольная работа № 10	2	2	Темы § 52—55	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
	Повторение, обобщение, систематизация знаний	10	14	Основные понятия курса алгебры и начал математического анализа 10 класса, обобщение и систематизация знаний	Применять основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных предметов
	Повторение курса 10 класса	8	12		
	Итоговая контрольная работа	2	2	Повторение основных понятий и методов курса 10 класса, обобщение знаний	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
	Итого:	140	175		

11 класс (140/175 ч)

№	Тема	Кол-во часов		Предметное содержание	Характеристика деятельности обучающихся
		I	II		
Глава 11	Тригонометрические и обратные им функции	8	9	Тригонометрические функции, их свойства и графики	Свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций
§ 56	Функции синус и косинус	2	2		
§ 57	Функции тангенс и котангенс	2	2		
§ 58	Обратные тригонометрические функции	2	3		
	Контрольная работа № 1	2	2	Темы § 56—58	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 12	Тригонометрические	13	16	Отбор корней тригонометрических	Осуществлять отбор корней при

	уравнения и неравенства			уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств	решении тригонометрического уравнения. Свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств
§ 59	Метод оценки левой и правой частей уравнения	2	2		
§ 60	Отбор корней в тригонометрических уравнениях	2	3		
§ 61	Тригонометрические уравнения различных видов	4	5		
§ 62	Тригонометрические неравенства	3	4		
	Контрольная работа № 2	2	2	Темы § 59—62	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 13	Применение производной к исследованию функций	15	20	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке. Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком. График композиции функций. Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни	Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы; находить наибольшее и наименьшее значения функции, непрерывной на отрезке; использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком; строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций; применять функции для моделирования и исследования
§ 63	Основные теоремы для дифференцируемых функций	2	3		
§ 64	Возрастание и убывание функции	2	3		
§ 65	Экстремумы функции	2	3		
§ 66	Наибольшее и наименьшее значения функции	2	3		
§ 67	Производная второго порядка и её применение	2	3		
§ 68	Построение графиков функций	3	3		

					реальных процессов. решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа
	Контрольная работа № 3	2	2	Темы § 63—68	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 14	Первообразная и интеграл	19	23	Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных. Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона—Лейбница. Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел	Свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона—Лейбница; находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла
§ 69	Первообразная функции	3	3		
§ 70	Неопределённый интеграл	3	3		
§ 71	Определённый интеграл	3	4		
§ 72	Практическое применение определённого интеграла	3	4		
§ 73	Вычисление объёма тела с помощью интеграла	3	4		
§ 74	Приложения определённого интеграла к физическим задачам	2	3		
	Контрольная работа № 4	2	2	Темы § 69—74	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 15	Комплексные числа	16	21	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение	Свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости
§ 75	Построение множества комплексных чисел	2	2		
§ 76	Сопряжённые числа. Модуль. Вычитание и деление	2	2		
§ 77	Геометрическое изображение комплексных чисел	2	3		
§ 78	Тригонометрическая форма комплексного числа	2	3		

§ 79	Квадратные уравнения с комплексными коэффициентами	2	3	комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	
§ 80	Извлечение корня из комплексного числа	2	3		
§ 81	Многочлены над множеством комплексных чисел	2	3		
	Контрольная работа № 5	2	2	Темы § 75—81	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 16	Дифференциальные уравнения	6	8	Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	Иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений
§ 82	Основные понятия	2	2		
§ 83	Уравнения с разделяющимися переменными	2	3		
§ 84	Линейные дифференциальные уравнения	2	3		
Глава 17	Системы уравнений и неравенств различных типов	20	25	Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств. Основные методы решения иррациональных неравенств. Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений. Уравнения, неравенства и системы с параметрами	Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов; находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств; решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры
§ 85	Показательные и логарифмические неравенства	4	5		
§ 86	Показательные и логарифмические уравнения с параметром	3	4		
§ 87	Показательные и логарифмические неравенства с параметром	3	4		
§ 88	Системы логарифмических и показательных уравнений	4	5		
§ 89	Системы тригонометрических уравнений и неравенств	4	5		

	Контрольная работа № 6	2	2	Темы § 82—89	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 18	Уравнения и неравенства с двумя переменными	16	18	Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости. Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами. Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	Свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами; моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат. Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости
§ 90	Линейные уравнения и неравенства с двумя переменными	3	3		
§ 91	Нелинейные уравнения и неравенства с двумя переменными	3	4		
§ 92	Уравнения и неравенства с двумя переменными	4	5		
§ 93	Нелинейные уравнения с тремя неизвестными	4	4		
	Контрольная работа № 7	2	2	Темы § 90—93	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
Глава 19	Делимость целых чисел	13	16	Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее — НОД) и наименьшее общее кратное (далее — НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах	Свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида. Свободно оперировать понятием
§ 94	Делимость чисел	3	3		
§ 95	Сравнения	3	4		
§ 96	Решение уравнений в целых числах	2	3		
§ 97	Текстовые задачи с целочисленными неизвестными	3	4		

					остаток по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления
	Контрольная работа № 8	2	2	Темы § 94—97	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
	Повторение, обобщение, систематизация знаний	14	19	Основные понятия и методы курса, обобщение и систематизация знаний	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат. Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов. Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами алгебры и математического анализа
	Повторение курса 10—11 классов	10	15		
	Итоговая контрольная работа	4	4	Повторение основных понятий и методов курса 10—11 классов, обобщение знаний	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
	Итого:	140	175		

Учебное издание

**МАТЕМАТИКА.
АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА**

10—11 классы
Углублённый уровень

Методическое пособие к учебным пособиям
М. И. Шабунина, А. А. Прокофьева

Центр математики
Ответственный за выпуск *М. В. Кузнецова*
Редактор *М. В. Кузнецова*
Художественный редактор *Ю. В. Христин*

Акционерное общество «Издательство «Просвещение».
Российская Федерация,
127473, г. Москва, ул. Краснопролетарская,
д. 16, стр. 3, помещение 1Н.

Адрес электронной почты «Горячей линии» — **vopros@prosv.ru**.